



Instructions: **Fichier éditable à remplir électroniquement.** Enregistrer le fichier, puis le remplir en utilisant par exemple Xodo sous Android, Evince, Gimp ou Okular sous Linux, Preview sous Mac, Adobe Reader sous Windows (éviter la visionneuse pdf de votre navigateur). N'oubliez pas d'**enregistrer** à nouveau le fichier **avec vos réponses** avant de téléverser/rendre votre copie. **Ne pas imprimer, remplir à la main et scanner ou photographier, toute copie illisible ne sera pas corrigée.**

NOM, prénom, numéro d'étudiant :

TEST Sujet1

11111111

Math4 – CC1 – 25 Février 2020

Règlement –

L'épreuve dure 30 minutes. Les calculatrices sont interdites. **Les téléphones portables doivent être éteints et rangés.** Il n'est admis de consulter aucun document.

Les questions ont toute une seule bonne réponse, qui vaut **2 points** ou **3 points**.

Attention, il y a 2 questions de cours pour lesquels une réponse fausse vaut **-2 points**.

Cochez une seule réponse par question.

Question 1 [3 points] Quelle domination peut-on utiliser pour montrer la continuité de l'intégrale à paramètre

$$F(p) = \int_0^{+\infty} e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} dx$$

pour $p \geq 1, x \geq 0$?

$\left e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} \right \leq \cos(x) $	$\left e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} \right \leq e^{-x}$	
$\left e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} \right \leq e^{-(1+x)p}$	$e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} \leq \frac{\cos(x)}{1+x}$	$e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} \leq \frac{1}{1+x}$
$\left e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} \right \leq \frac{ \cos(x) }{1+x}$	$\left e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} \right \leq \frac{1}{1+x}$	$e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} \leq \cos(x)$

aucune des autres réponses

Question 2 [2 points] Laquelle parmi les intégrales suivantes est convergente ?

$\int_1^{+\infty} \frac{1}{t} dt$

$\int_0^1 \frac{1}{t} dt$

$\int_1^{+\infty} e^{-2t} dt$

$\int_1^{+\infty} e^t dt$



Question 3 [2 points] Parmi les fonctions suivantes, laquelle est équivalente à $f(x) = \frac{1}{1-x} - 1$ en $x \rightarrow 0$?

- x
- $-x$
- 1
- $-\frac{x^2}{2}$
- $\frac{x}{2}$
- $-\frac{x}{2}$
- 0

Question 4 Que vaut l'intégrale $I = \int_1^x \frac{\sin(t)}{t} dt$ pour $x > 1$?

- | | |
|--|--|
| $I = \frac{\sin(x)}{x} - \sin(1) - \int_1^x \frac{\sin(t)}{t^2} dt$
$I = \frac{\sin(x)}{x} - \sin(1) + \int_1^x \frac{\sin(t)}{t^2} dt$
$I = \cos(1) - \frac{\cos(x)}{x} + \int_1^x \frac{\cos(t)}{t^2} dt$
$I = \sin(1) - \frac{\sin(x)}{x} + \int_1^x \frac{\sin(t)}{t^2} dt$ | $I = \sin(1) - \frac{\sin(x)}{x} - \int_1^x \frac{\sin(t)}{t^2} dt$
$I = \cos(1) - \frac{\cos(x)}{x} - \int_1^x \frac{\cos(t)}{t^2} dt$
$I = \frac{\cos(x)}{x} - \cos(1) + \int_1^x \frac{\cos(t)}{t^2} dt$
$I = \frac{\cos(x)}{x} - \cos(1) - \int_1^x \frac{\cos(t)}{t^2} dt$ |
|--|--|

Question 5 Quelle est la nature de l'intégrale suivante $\int_1^{+\infty} \frac{\sin(t)}{t} dt$?

- absolument convergente divergente convergente
 aucune des autres réponses

Question 6 Parmi les fonctions suivantes, laquelle est équivalente à $f(x) = x - x \cos(x)$ en $x \rightarrow 0$?

- $\frac{x^4}{3}$
- $x - x$
- $-\frac{x^3}{2}$
- 0
- $-\frac{x^4}{3}$
- x

Question 7 [3 points] Si on peut appliquer le théorème de dérivation à l'intégrale à paramètre

$$F(p) = \int_0^{+\infty} e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} dx,$$

quel résultat obtiendra-t-on pour la dérivée de F ?

- | | |
|---|---|
| $F'(p) = \int_0^{+\infty} e^{-(1+x)p} \cos(x) dx$
$F'(p) = - \int_0^{+\infty} p e^{-(1+x)p} \cos(x) dx$
$F'(p) = - \int_0^{+\infty} p e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} dx$ | $F'(p) = \int_0^{+\infty} p e^{-(1+x)p} \cos(x) dx$
$F'(p) = \int_0^{+\infty} p e^{-(1+x)p} \frac{\cos(x)}{1+x} dx$
$F'(p) = - \int_0^{+\infty} e^{-(1+x)p} \cos(x) dx$ |
|---|---|

Question 8 [3 points] Quelle est la nature de l'intégrale suivante $\int_0^{+\infty} \frac{\sqrt{t}}{(1+t)^2} dt$?

- | | |
|---|---|
| convergente en 0 et divergente en $+\infty$
divergente en 0 et divergente en $+\infty$ | divergente en 0 et convergente en $+\infty$
convergente en 0 et convergente en $+\infty$ |
|---|---|