

L'antarctique

Équipe DREAM

14 juillet 2020

Table des matières

| | | |
|----------|---|----------|
| 1 | Énoncé du problème | 2 |
| 2 | Choix du problème | 2 |
| 2.1 | Compétences transversales | 2 |
| 2.2 | Connaissances mathématiques | 2 |
| 3 | Analyse mathématique du problème | 3 |
| 4 | Analyse de productions | 4 |

1 Énoncé du problème

Quelle est la distance entre le Pôle Sud et le Mont Menzies ?

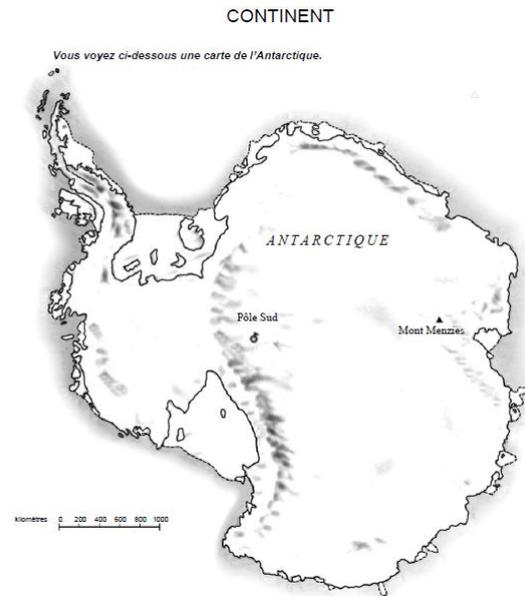
Utilisez l'échelle de la carte pour faire votre estimation.

Estimez l'aire de l'Antarctique en utilisant l'échelle de cette carte.

Montrez comment vous avez procédé et expliquez comment vous avez fait votre estimation.

Vous pouvez dessiner sur la carte si cela vous aide pour votre estimation.

Ce problème a été donné pour les évaluations PISA de 2003



Variantes

On peut bien entendu donner toute sorte de carte possible.

2 Choix du problème

2.1 Compétences transversales

- Diversifier des stratégies de recherche.
- Prendre des initiatives.
- Travailler par approximation successive, faire des choix.
- Se documenter, s'interroger sur la pertinence d'un résultat.

2.2 Connaissances mathématiques

- Ramener le calcul d'aire à la somme d'aire de figures usuelles (carré, rectangle, triangle ...).
- Utiliser une échelle sur une carte, pratiquer des calculs de quatrième proportionnelle.
- Utiliser des formules algébriques pour calculer des aires.
- Utiliser des formules issues de documents historiques (formule de Héron, de Brahmagupta, de Pick ...).
- Pratiquer des conversions entre différentes unités.
- S'interroger sur les grandeurs obtenues et comparer avec superficies connues (par exemple celle de la France).
- Utiliser ou découvrir que la multiplication des distances par un nombre k , multiplie les aires par k^2 .

3 Analyse mathématique du problème

De nombreuses approches sont possibles :

- Quadriller le continent par des carrés en utilisant l'échelle de la carte (l'aide d'un calque peut être pertinente).
- Recouvrir la carte par des formes variées (polygones, cercles, ...) et sommer leurs aires pour approcher l'aire du (un tableur peut permettre d'organiser son travail).
- Circonscrire (respectivement inscrire) la carte dans une surface dont on sait calculer l'aire, pour majorer (respectivement minorer) l'aire du continent.
- Utiliser des triangles
 - * Calculer leur aire avec la formule habituelle :

$$A_{\text{triangle}} = \frac{\text{Aire de la base} \times \text{hauteur associée}}{2}$$

- * Utiliser la formule de Héron :

$$A_{\text{triangle}} = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$

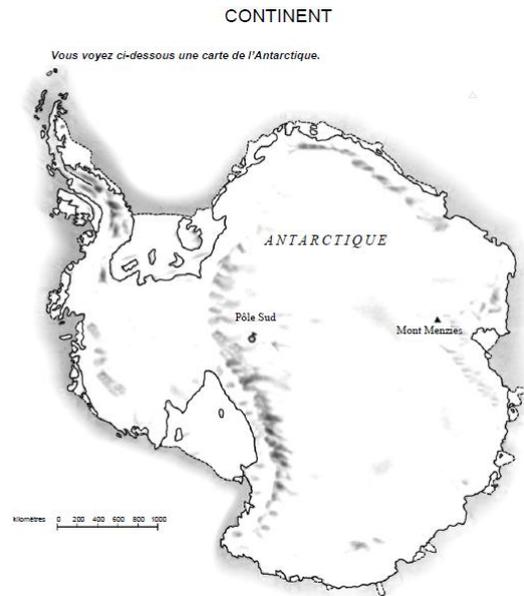
où p désigne le demi-périmètre du triangle et a, b, c les longueurs des côtés du triangle

- * Utiliser la formule d'Alexander Pick :

Dans un polygone dont les sommets sont sur un réseau de points également espacés :

$$A_{\text{polygone}} = I + \frac{B}{2} - 1$$

où B désigne le nombre de points du réseau sur la frontière du polygone et I le nombre de points du réseau intérieurs au polygone.



* Une conversion inadaptée au problème :

La conversion en km^2 pose de réelles difficultés, comme on peut le voir sur la copie ci-dessous.

